## Elementi di Fisica Moderna, Meccanica Quantistica 28 Luglio 2016

## PROBLEMA 1

Lo stato di una particella di massa m é descritto dalla funzione d'onda:

$$\psi(\vec{r}) = \frac{1}{\sqrt{4\pi}} \left( e^{i\phi} \sin \theta + \cos \theta \right) g(r), \tag{1}$$

con

$$\int_{0}^{\infty} |g(r)|^{2} r^{2} dr = 1$$

 $e \vec{r} = (r, \theta, \phi).$ 

Calcolare

- 1. i possibili risultati e le rispettive probabilitá di una misura della componente  $L_z$  del momento angolare della particella in questo stato
- 2. il valore di aspettazione di  $L_z$
- 3. il valore di aspettazione di  $L^2$

## PROBLEMA 2

Si consideri l'Hamiltoniana

$$H = \frac{p^2}{2m} + \frac{1}{2}m\omega^2 x^2 + \lambda(x^2 p + px^2)$$
 (2)

Calcolare le correzioni al primo ordine in  $\lambda$  a tutti gli autovalori ed autovettori dell'energia. **PROBLEMA 3** 

Una particella di spin 1 è immersa in un campo magnetico statico, diretto come l'asse y. La sua Hamiltoniana è

$$\hat{H} = \lambda S_x$$

Se all'istante t=0 si misura  $S_z=-\hbar$ , qual'è la probabilità di avere  $S_x=\hbar$  all'istante t? Si ricordi:

$$S_x = \frac{\hbar}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \quad ; \quad S_y = \frac{\hbar}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 0 & -i & 0 \\ i & 0 & -i \\ 0 & i & 0 \end{pmatrix} \quad ; \quad S_z = \hbar \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$